

УДК 621.310

А. Г. Лютов, кандидат технических наук, доцент  
Уфимский государственный авиационный технический университет

## ОПТИМИЗАЦИЯ СИСТЕМ УПРАВЛЕНИЯ СЛОЖНЫМИ МЕХАТРОННЫМИ ОБЪЕКТАМИ В УСЛОВИЯХ СТРУКТУРНО-ПАРАМЕТРИЧЕСКОЙ НЕОПРЕДЕЛЕННОСТИ

*Предложен подход к оптимизации систем управления сложными мехатронными объектами, обеспечивающий робастную устойчивость и качество управления, минимизацию разброса свойств синтезируемой системы, а также физическую реализуемость регуляторов координатного управления в условиях структурно-параметрической неопределенности.*

### Введение

Управление сложными мехатронными объектами происходит, как правило, в условиях неопределенности, обусловленной реальными свойствами управляемых объектов. Примером подобных объектов являются многочисленные технологические процессы и аппараты, робототехнические системы, управление которыми обычно является многоканальным и многоуровневым. Применительно к нижним уровням управления такими объектами это выражается в неопределенности их динамических свойств, в частности параметров описывающих их динамических операторов. При этом многие мехатронные объекты могут быть охарактеризованы моделями, содержащими параметры с неопределенными значениями из заданных интервалов. В этом случае при синтезе систем управления будут известны лишь границы интервалов возможного нахождения коэффициентов динамического оператора объекта. Подобная неопределенность свойств объектов получила название интервальной параметрической неопределенности, а системы управления – интервальных систем [1]. Основные проблемы анализа и синтеза систем интервальных систем связаны с обеспечением робастной устойчивости и робастного качества, подразумевающих, что указанные свойства должны иметь место для всех допустимых сочетаний неопределенных параметров из соответствующих интервалов.

Одним из традиционных подходов к построению систем управления подобными объектами является использование различных методов адаптации, т. е. реализация их в классе нелинейных нестационарных систем. Однако использование алгоритмов адаптации для компенсации изменения свойств объекта в процессе функционирования с целью стабилизации или оптимизации качества процессов управления приводит к существенному усложнению системы управления, трудностям при ее технической реализации и последующей эксплуатации.

В связи с этим одним из эффективных подходов к построению систем управления такими объектами является реализация их в классе систем с неперестраиваемыми регуляторами, обеспечивающими стабилизацию или оптимизацию (в смысле выбранного функционала) качества процессов управления в системе в условиях структурно-параметрических возмущений объекта управления. Несмотря на наличие на сегодняшний день таких развитых подходов, например на основе  $H_\infty$ -теории управления [2], разработка новых методов синтеза и оптимизации систем управления в условиях интервальной параметрической, а также структурно-параметрической

кой неопределенности по-прежнему является актуальной проблемой. Одним из перспективных направлений решения данной проблемы является модификация традиционных методов синтеза обычных (не интервальных) систем управления применительно к системам с интервальной параметрической неопределенностью [3]. В пользу этого можно отнести сохранение традиционной (как правило, достаточно простой и хорошо изученной) процедуры синтеза, включающей набор типовых постановок задач синтеза при расширении класса рассматриваемых объектов (они включают в себя как обычные объекты, так и объекты с интервальной параметрической неопределенностью). Применение данного подхода позволяет максимально использовать априорную информацию об объекте на этапе синтеза системы, уменьшить исходную неопределенность задачи управления, а также обоснованно выбирать области рационального использования обычного и адаптивного управления.

#### Постановка задачи оптимизации в условиях интервальной параметрической неопределенности

Пусть  $k$ -я локальная система управления сложным мехатронным объектом задана структурной схемой, изображенной на рис. 1.

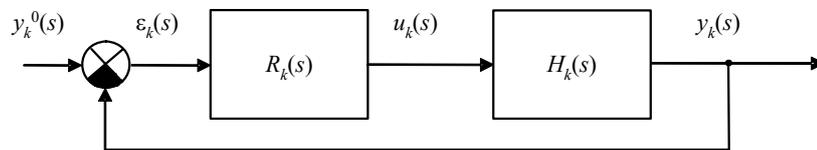


Рис. 1. Структурная схема системы управления

Здесь  $y_k^0(s)$ ,  $\varepsilon_k(s)$ ,  $u_k(s)$ ,  $y_k(s)$  – изображения по Лапласу, соответственно, задающего воздействия, ошибки управления, управляющего воздействия и управляемой координаты;  $R_k(s)$  и  $H_k(s)$  – передаточные функции регулятора и объекта управления (в дальнейшем индекс  $k$  с целью упрощения изложения будет опущен).

Передаточная функция объекта управления имеет интервальную параметрическую неопределенность:

$$H(s) = \frac{\sum_{i=0}^m a_i s^i}{\sum_{j=0}^n b_j s^j}, \quad m \leq n, \quad (1)$$

$$a_i \in [\underline{a}_i, \overline{a}_i], \quad b_j \in [\underline{b}_j, \overline{b}_j]. \quad (2)$$

Требуется определить физически реализуемую передаточную функцию  $R(s)$  оптимального в смысле выбранного критерия качества регулятора, обеспечивающего робастную устойчивость и определенный уровень качества управления (не хуже некоторого определенного значения критерия оптимальности).

В качестве критерия оптимальности примем квадратичный функционал

$$I = \int_0^{\infty} [\gamma(p)\varepsilon(t)]^2 dt + c \int_0^{\infty} [\dot{u}(t)]^2 dt, \quad (3)$$

где

$$\gamma(p) = \sum_{k=0}^{\mu} \gamma_k p^k \quad (4)$$

есть весовой полином, задающий желаемое поведение выходной координаты системы;  $c$  – весовой коэффициент, определяющий степень учета ограничения функционала. Таким образом, выражение (3) состоит из двух слагаемых: первое слагаемое представляет собой улучшенную интегральную квадратичную оценку качества управления; второе – характеризует энергетические возможности исполнительных механизмов системы и выступает в качестве ограничивающего фактора при оптимизации.

Предполагается, что передаточная функция  $H(s)$  является устойчивой и минимально-фазовой при всех возможных сочетаниях значений коэффициентов полиномов ее числителя и знаменателя из интервалов (2). Кроме этого предполагается, что все корни полинома  $\gamma(p)$  находятся в левой полуплоскости.

#### Решение задачи оптимизации в условиях интервальной неопределенности

Задачу синтеза системы в условиях интервальной параметрической неопределенности предлагается решать в четыре этапа.

На первом этапе определяются базовые передаточные функции объекта управления  $\underline{H}(s)$  и  $\bar{H}(s)$ , доставляющие, соответственно, минимум и максимум значению  $I_{\min}$  функционала качества (3).

На втором этапе синтеза определяется компенсационная часть регулятора  $R(s)$  исходя из минимума специально сформированного функционала, характеризующего разброс динамических свойств замкнутой системы и являющегося мерой компенсации динамических свойств объекта в условиях интервальной параметрической неопределенности.

На третьем этапе синтеза производится выбор такого полинома весовых коэффициентов  $\gamma(p)$ , при котором обеспечивается устойчивость оптимальной системы при всех возможных сочетаниях значений коэффициентов полиномов числителя и знаменателя  $H(s)$  из интервалов (2).

На четвертом этапе синтеза процедура оптимизации предусматривает предварительное аналитическое выделение параметрического множества оптимальных передаточных функций  $\Phi^*(s)$  системы и последующую ее численную оптимизацию в пространстве варьируемых параметров.

Значение  $I_{\min}$  функционала качества (3) при этом определяется следующим образом. Выражение для (3) в частотной области имеет вид

$$I = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} |\Gamma(j\omega)E(j\omega)|^2 d\omega + c \int_0^{\infty} |j\omega U(j\omega)|^2 d\omega. \quad (5)$$

Здесь  $|\Gamma(j\omega)E(j\omega)|^2$ ,  $|j\omega U(j\omega)|^2$  – спектральные функции ошибки (с учетом изображения весового полинома  $\Gamma(j\omega)$  в частотной области) и управления в системе.

Введем в рассмотрение передаточную функцию  $\Phi(s)$  замкнутой системы

$$\Phi(s) = H(s)R(s)/[1 + H(s)R(s)]. \quad (6)$$

При известной передаточной функции объекта  $H(s)$  передаточная функция  $\Phi(s)$  полностью определяет искомую передаточную функцию  $R(s)$  регулятора. Поэтому задачу синтеза можно свести к определению оптимальной в смысле выбранного критерия качества передаточной функции  $\Phi^*(s)$  системы, обеспечивающей устойчивость, максимальное приближение динамических свойств системы к желаемым и физическую реализуемость передаточной функции регулятора в условиях интервальной параметрической неопределенности.

Очевидно, что

$$E(j\omega) = [1 - \hat{O}(j\omega)]F(j\omega), \quad (7)$$

$$U(j\omega) = \frac{1}{H(j\omega)}\hat{O}(j\omega)F(j\omega), \quad (8)$$

где  $F(j\omega)$  – изображение задающего воздействия  $f(t)$  в частотной области.

С учетом этого выражение (5) примет вид

$$I = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} |\Gamma(j\omega)[1 - \hat{O}(j\omega)]|^2 |F(j\omega)|^2 d\omega + \frac{1}{2\pi} c \int_{-\infty}^{+\infty} \left| j\omega \frac{1}{H(j\omega)} \hat{O}(j\omega) \right|^2 |F(j\omega)|^2 d\omega. \quad (9)$$

Оптимальная частотная передаточная функция  $\Phi^*(j\omega)$  замкнутой системы определяется как решение задачи минимизации функционала (9) из выражения [4]

$$|\hat{O}^*(j\omega)|^2 = \frac{|\Gamma(0)|^2 |H(j\omega)|^2}{|\Gamma(j\omega)|^2 |H(j\omega)|^2 + c|j\omega|^2}. \quad (10)$$

При этом минимальное значение функционала (9) будет определяться выражением [5]

$$I_{\min} = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} \left( \left| \frac{|F(j\omega)|^2 |\Gamma(j\omega)|^2 H(-j\omega)}{F(-j\omega) [|\Gamma(j\omega)|^2 |H(j\omega)|^2 + c|j\omega|^2]} \right| \right)^2 + \frac{|F(j\omega)|^2 |\Gamma(j\omega)|^2 c |j\omega|^2}{|\Gamma(j\omega)|^2 |H(j\omega)|^2 + c|j\omega|^2} d\omega, \quad (11)$$

где через  $[ \ ]$  обозначен результат выполнения операции факторизации, а через  $\{ \}$  – процедуры расщепления [4]. В первом случае выражение в квадратных скобках разлагается на два сомножителя  $[ \ ]_-$  и  $[ \ ]_+$ , один из которых, обозначенный символом  $[ \ ]_-$ , имеет все нули и полюсы в нижней полуплоскости, другой, обозначенный символом  $[ \ ]_+$ , в верхней. Во втором случае выражение в фигурных скобках разлагается на простейшие дроби и путем группировки слагаемых расщепляется на два слагаемых  $\{ \}^-$  и  $\{ \}^+$  соответственно, одно из которых имеет только нижние полюсы, другое – только верхние.

#### Определение базовых передаточных функций объекта с интервальной параметрической неопределенностью

Базовые передаточные функции объекта управления предлагается определять из выражений:

$$\underline{I}_{\min}(H(j\omega)) = \min_{\substack{a_i \in [\underline{a}_i, \bar{a}_i] \\ b_j \in [\underline{b}_j, \bar{b}_j]}} \left\{ I_{\min}(H(j\omega)) \right\}, \quad (12)$$

$$\bar{I}_{\min}(\bar{H}(j\omega)) = \max_{\substack{a_i \in [\underline{a}_i, \bar{a}_i] \\ b_j \in [\underline{b}_j, \bar{b}_j]}} \left\{ I_{\min}(H(j\omega)) \right\}, \quad (13)$$

где  $I_{\min}$  вычисляется в соответствии с (11). При этом предполагается, что вид входного воздействия  $f(t)$  и весовой полином  $\gamma(p)$  неизменны.

Таким образом, при всех возможных сочетаниях значений коэффициентов полиномов числителя и знаменателя  $H(s)$  из интервалов (2) будет выполняться условие

$$\underline{I}_{\min} \leq I_{\min} \leq \bar{I}_{\min}. \quad (14)$$

Аналитическая процедура определения базовых передаточных функций  $\underline{H}(s)$  и  $\bar{H}(s)$  с использованием выражений (12) и (13) возможна на основе вычисления данных интегралов с помощью обычных методов теории функций комплексного переменного [4]. При этом эти интегралы можно выразить через коэффициенты полиномов передаточной функции  $H(s)$ . Однако практически такой анализ осуществим только для передаточных функций объекта достаточно низкого порядка. При увеличении размерности  $H(s)$  это возможно лишь на основе применения численных процедур минимизации функции многих переменных, в качестве варьируемых параметров которой выступают коэффициенты полиномов  $H(s)$  из интервалов (2).

Найденные базовые передаточные функции  $\underline{H}(s)$  и  $\bar{H}(s)$  будут являться устойчивыми и минимально-фазовыми, так как по условию задачи передаточная функция  $H(s)$  является устойчивой и минимально-фазовой при всех возможных сочетаниях значений коэффициентов полиномов ее числителя и знаменателя из интервалов (2), т. е. устойчивы все соответствующие полиномы Харитонова [2].

Очевидно, что для обеспечения робастного качества оптимальной системы необходимо при синтезе передаточной функции  $\Phi^*(s)$  использовать базовую передаточную функцию  $\bar{H}(s)$ . При этом качество синтезируемой системы, характеризуемое значением функционала  $I_{\min}$ , будет не хуже качества, соответствующего верхней границе значения функционала  $\bar{I}_{\min}$ .

#### Определение компенсационной части регулятора системы

В соответствии с методом обратных операторов [6] передаточная функция  $R(s)$  регулятора может быть представлена в виде

$$R(s) = G(s)K(s), \quad (15)$$

где  $K(s)$  – составляющая передаточной функции регулятора, компенсирующая (в линейном приближении) динамические свойства объекта;  $G(s)$  – составляющая передаточной функции регулятора, обеспечивающая придание замкнутой системе желаемых динамических свойств.

Определение передаточной функции  $K(s)$  будем производить из условия минимума функционала

$$J = \frac{1}{2\pi j} \int_{-j\infty}^{j\infty} V(s) ds = \frac{1}{2\pi j} \int_{-j\infty}^{j\infty} \Delta\Phi(s)\Delta\Phi(-s) ds, \quad (16)$$

где

$$\Delta\Phi(s) = \frac{K(s)\underline{H}(s)}{1 + K(s)\underline{H}(s)} - \frac{K(s)\bar{H}(s)}{1 + K(s)\bar{H}(s)}. \quad (17)$$

Функционал (16) характеризует среднеквадратическое отклонение (разброс) динамических свойств замкнутой системы при  $R(s) = K(s)$  и является мерой компенсации динамических свойств интервального объекта составляющей  $K(s)$  передаточной функции регулятора.

Результатом решения вариационной задачи при рассмотрении  $K(s)$  в качестве варьируемой компоненты будет [3]

$$K(s) = \frac{1}{(\bar{H}(s)\underline{H}(s))^{0.5}}. \quad (18)$$

По существу, (18) можно рассматривать как выражение для передаточной функции компенсатора динамических свойств интервального объекта. В таком случае величину

$$\hat{H}(s) = (\bar{H}(s)\underline{H}(s))^{0.5} \quad (19)$$

можно считать эквивалентной передаточной функцией интервального объекта.

Передаточную функцию  $G(s)$  в дальнейшем будем находить из условия обеспечения в системе с регулятором вида (15) желаемых динамических свойств, задаваемых передаточной функцией  $\Phi^*(s)$ . Математически это можно выразить соотношением

$$\frac{G(s)K(s)\hat{H}(s)}{1+G(s)K(s)\hat{H}(s)} = \Phi^*(s). \quad (20)$$

С учетом (18) и (19) получим, что

$$G(s) = W^*(s) = \frac{\Phi^*(s)}{1-\Phi^*(s)}. \quad (21)$$

Отметим, что в случае обычного (детерминированного) объекта, т. е. при  $\bar{H}(s) = \underline{H}(s) = H(s)$ ,

$$\hat{H}(s) = H(s); \quad K(s) = \frac{1}{H(s)}; \quad G(s) = \frac{\Phi^*(s)}{1-\Phi^*(s)} \quad (22)$$

и результат решения задачи синтеза совпадает с результатом, полученным с помощью метода обратных операторов. Все это позволяет рассматривать предложенный подход как дальнейшее развитие метода обратных операторов применительно к объектам с интервальной параметрической неопределенностью.

#### **Обеспечение устойчивости синтезируемой системы управления**

Для анализа устойчивости составим выражение для передаточной функции разомкнутой системы

$$W(s) = R^*(s)H(s) = \frac{\hat{O}^*(s)}{[1-\hat{O}^*(s)]} \frac{1}{\hat{H}(s)} H(s), \quad (23)$$

где  $R^*(s)$  – передаточная функция оптимального регулятора.

Учитывая то обстоятельство, что наименьшую степень устойчивости оптимальная система будет иметь при минимально возможном значении весового коэффициента  $c$ , определяющего степень учета ограничения на управление функционала, т. е. при  $c = 0$ , выражение (23) можно упростить. Так как при  $c = 0$  в соответствии с (10)

$$\hat{O}^*(s) = \frac{\gamma(0)}{\gamma(s)}, \quad (24)$$

то передаточная функция разомкнутой системы в этом случае будет

$$W(s) = \frac{\gamma(0)}{\gamma(s)-\gamma(0)} \frac{H(s)}{\hat{H}(s)}. \quad (25)$$

Применяя критерий Найквиста к полученному выражению для передаточной функции разомкнутой системы (25), можно утверждать, что оптимальная замкну-

тая система будет устойчивой, если годограф  $W(j\omega)$  не будет охватывать точку с координатами  $[-1; 0]$  при всех возможных сочетаниях значений коэффициентов полиномов числителя и знаменателя  $H(s)$  из интервалов (2). Очевидно, что этого всегда можно достичь, выбирая полином весовых коэффициентов  $\gamma(s)$  в области устойчивости синтезируемой системы.

Таким образом, полученное условие позволяет не только обеспечить робастную устойчивость синтезируемой квазиоптимальной системы, но и формализовать выбор полинома весовых коэффициентов  $\gamma(s)$ , что является несомненным достоинством предлагаемого метода синтеза.

#### Синтез интервальных систем управления

Как следует из полученных выше результатов для обеспечения робастных устойчивости и качества при синтезе в условиях интервальной параметрической неопределенности необходимо использование базовой передаточной функции  $\bar{H}(s)$  и полинома весовых коэффициентов  $\gamma(s)$ , выбираемого с учетом сформулированного выше условия устойчивости.

Оптимальная передаточная функция  $\Phi^*(s)$  замкнутой системы определяется в соответствии с (10) из выражения

$$\hat{O}^*(s)\hat{O}^*(-s) = \frac{\gamma^2(0)\bar{H}(s)\bar{H}(-s)}{[\gamma(s)\gamma(-s)\bar{H}(s)\bar{H}(-s) + cs(-s)]} \quad (26)$$

путем применения операции факторизации, чем обеспечивается устойчивость  $\Phi^*(s)$ .

Передаточная функция квазиоптимального регулятора  $R^*(s)$  системы будет определяться в соответствии с (6) по известной  $\Phi^*(s)$  из формулы

$$R^*(s) = \frac{1}{\bar{H}(s)} \frac{\Phi^*(s)}{[1 - \Phi^*(s)]}. \quad (27)$$

Условие физической реализуемости ПФ  $R^*(s)$  регулятора

$$n[R^*(s)] \geq m[R^*(s)] \quad (28)$$

может быть обеспечено правильным выбором порядка полинома весовых коэффициентов. Здесь  $n[R^*(s)]$  и  $m[R^*(s)]$  – соответственно, порядок полинома знаменателя и числителя передаточной функции. Согласно выкладкам, приведенным в работе [7], возможны следующие варианты. При выполнении неравенства

$$n[H(s)] + 1 \geq m[H(s)] + m[\gamma(s)] \quad (29)$$

условия физической реализуемости выполняются при любом порядке весового полинома  $\gamma(s)$ . При невыполнении неравенства (29) условием физической реализуемости  $R^*(s)$  будет

$$m[\gamma(s)] \geq n[H(s)] - m[H(s)]. \quad (30)$$

Таким образом, выражения (26) и (27) определяют физически реализуемые квазиоптимальные в смысле минимума функционала (3) передаточные функции  $\Phi^*(s)$  системы и  $R^*(s)$  регулятора, обеспечивающие робастную устойчивость и уровень качества управления в замкнутой системе не хуже верхней границы значения критерия оптимальности  $\bar{I}_{\min}$ , определяемого в соответствии с выражением (13). Кроме этого в системе обеспечивается астатизм, так как в выражении для функционала (3) ограничение вводится на скорость изменения управляющего воздействия  $\dot{i}(t)$  и, согласно (18),  $\Phi^*(0) = 1$ .

Из анализа выражения (11) для минимизируемого функционала следует, что синтез в условиях интервальной параметрической неопределенности можно осуществлять аналогично синтезу неинтервальных систем, если в качестве передаточной функции объекта  $H(s)$  использовать базовую передаточную функцию  $\bar{H}(s)$ , а весовой полином  $\gamma(s)$  выбирать из условия робастной устойчивости интервальной системы, а в компенсационной части регулятора использовать эквивалентную передаточную функцию  $\hat{H}(s)$ .

В случае неинтервального объекта управления, когда

$$\underline{H}(s) = \bar{H}(s) = H(s), \quad (31)$$

результаты оптимизации будут совпадать с результатами, полученными при оптимизации неинтервальных систем. Все это позволяет рассматривать предлагаемый подход как развитие известного метода оптимизации на синтез систем с интервальной параметрической неопределенностью.

#### **Синтез систем управления в условиях структурно-параметрической неопределенности**

Рассмотрим применение предлагаемого метода к синтезу систем со структурно-параметрической неопределенностью. Решение задачи синтеза для данного класса объектов является более проблематичным с точки зрения обеспечения устойчивости и требуемого качества управления, чем в условиях интервальной параметрической неопределенности объекта. Постановка задачи оптимизации в этом случае будет следующей.

Пусть система управления задана структурной схемой. Передаточная функция  $H(s)$  объекта управления имеет структурно-параметрическую неопределенность, обусловленную возможностью нахождения объекта управления в процессе функционирования системы в различных структурных состояниях, и представлена посредством передаточных функций, характеризующих данные состояния:

$$H_1(s), H_2(s), \dots, H_r(s), \quad (32)$$

где  $r$  – число структурных состояний объекта управления, при этом  $H(s) \in \{H_1(s), H_2(s), \dots, H_r(s)\}$ . Предполагается также, что данные передаточные функции объекта управления являются устойчивыми и минимально-фазовыми:

$$H_l(s) = \frac{\sum_{i=0}^m a_{li}s^i}{\sum_{j=0}^n b_{lj}s^j}, \quad l = 1, 2, \dots, r; m \leq n. \quad (33)$$

В общем случае передаточные функции (33) могут дополнительно иметь интервальную параметрическую неопределенность, когда

$$a_{li} \in [\underline{a}_{li}, \overline{a}_{li}], \quad b_{lj} \in [\underline{b}_{lj}, \overline{b}_{lj}]. \quad (34)$$

Требуется определить физически реализуемую передаточную функцию  $R(s)$  оптимальную в смысле выбранного критерия качества регулятора, обеспечивающего робастную устойчивость и определенный уровень качества управления (не хуже некоторого определенного значения критерия оптимальности) в системе.

С этой целью предлагается алгоритм определения базовых передаточных функций  $\underline{H}(s)$  и  $\overline{H}(s)$ , основанный на анализе значений коэффициентов полиномов числителя и знаменателя передаточных функций объекта  $H_l(s)$  при всех  $l$ :

$$\underline{I}_{\min}(\underline{H}(j\omega)) = \min_{\substack{l=1, 2, \dots, r \\ a_{li} \in [\underline{a}_{li}, \overline{a}_{li}] \\ b_{lj} \in [\underline{b}_{lj}, \overline{b}_{lj}]}} \{I_{\min}(H_l(j\omega))\}, \quad (35)$$

$$\overline{I}_{\min}(\overline{H}(j\omega)) = \max_{\substack{l=1, 2, \dots, r \\ a_{li} \in [\underline{a}_{li}, \overline{a}_{li}] \\ b_{lj} \in [\underline{b}_{lj}, \overline{b}_{lj}]}} \{I_{\min}(H_l(j\omega))\}. \quad (36)$$

В случае если при одной из возможных структур объекта отсутствуют соответствующие коэффициенты полиномов числителя и знаменателя, данные коэффициенты принимаются равными нулю.

В дальнейшем процедура оптимизации системы управления аналогична описанной выше применительно к интервальным системам. Окончательные выражения для оптимальной передаточной функции системы со структурно-параметрической неопределенностью  $\Phi^*(s)$  и ее регулятора  $R^*(s)$  определяются так же, как для случая систем с интервальной параметрической неопределенностью, т. е. по формулам (26) и (27). Все это позволяет рассматривать предполагаемый подход как обобщение предложенного метода синтеза при наличии структурно-параметрической неопределенности объекта управления.

#### Заключение

Таким образом, предложен подход к оптимизации систем управления механическими объектами, обеспечивающий робастную устойчивость, определенный уровень качества управления (не хуже некоторого определенного значения критерия оптимальности), минимизацию разброса свойств синтезируемой системы, а также физическую реализуемость регуляторов координатного управления в условиях структурно-параметрической неопределенности объекта. Кроме этого базовые передаточные функции  $\underline{H}(s)$ ,  $\overline{H}(s)$  и  $\hat{H}(s)$  могут служить основой при исполь-

зовании других алгоритмов синтеза замкнутых систем, основанных на методе обратных операторов. Возможно также использование  $\underline{H}(s)$ ,  $\overline{H}(s)$  и  $\hat{H}(s)$  при организации процесса обучения в системах искусственного интеллекта.

#### Список литературы

1. Управление динамическими системами в условиях неопределенности / С. Т. Кусимов, Б. Г. Ильясов, В. И. Васильев и др. – М. : Наука, 1998. – 452 с.
2. Поляк, Б. Т. Робастная устойчивость и управление / Б. Т. Поляк, П. С. Щербаков. – М. : Наука, 2002. – 303 с.
3. Кабальнов, Ю. С. Синтез систем управления в условиях интервальной параметрической неопределенности / Ю. С. Кабальнов, А. Г. Лютов, Ф. Г. Насибуллин // Известия вузов. Авиационная техника. – 2000. – № 1. – С. 7–10.
4. Цейтлин, Я. М. Проектирование оптимальных линейных систем. – Л. : Машиностроение, 1973. – 240 с.
5. Цыпкин, Я. З. Основы теории автоматических систем. – М. : Наука, 1977.
6. Пухов, Г. Е. Синтез многосвязных систем по методу обратных операторов / Г. Е. Пухов, К. Д. Жук. – Киев : Наук. думка, 1966. – 218 с.
7. Оптимизация многомерных систем управления газотурбинных двигателей летательных аппаратов / под ред. А. А. Шевякова и Т. С. Мартыановой. – М. : Машиностроение, 1989. – 256 с.

УДК 681.327.1

Е. А. Коплович, аспирант  
Московский институт электронной техники

#### АЛГОРИТМ ОЦЕНКИ СМЕЩЕНИЯ ВИДЕОКАДРА НА ОСНОВЕ ВЫБОРА ХАРАКТЕРНЫХ БЛОКОВ С ИСПОЛЬЗОВАНИЕМ КОЭФФИЦИЕНТОВ ДКП

*В статье предложен алгоритм для определения смещения кадра из видеопоследовательности, основанный на использовании поля векторов движения. Особенность алгоритма заключается в выборе характерных блоков по коэффициентам ДКП, использование которых позволяет повысить точность, а также снизить вычислительные затраты на определение сдвига кадра. Представлены результаты тестирования алгоритма на нескольких видеопоследовательностях.*

Глобальная компенсация движения (global motion estimation, GME) – одна из актуальных задач обработки последовательности видеокадров. В настоящее время разработаны методы, позволяющие использовать информацию о перемещении источника видеосигнала (камеры) для повышения степени сжатия [1; 2] и построения панорамных изображений [3]. Кроме того важным приложением GME является подавление дрожания кадра (стабилизация видеопоследовательности) [4], применяемое, в частности, в бортовых системах видеонаблюдения.

Существующие способы глобальной компенсации можно разделить на несколько категорий:

- 1) *структурные методы*, в основе которых лежит определение и отслеживание характерных элементов на кадрах;